

## Blok shifruesit

# Qëllimet dhe objektivat

- Studimi i blok shifresve si vegël qendrore në disenjin e protokoleve për kriptografi më çelës të përbashkët (d.m.th., kriptografi simetrike)
- Theksimi i shfrytëzimit të drejtë të blok shifresve kundrejt disenjës dhe analizës së tyre
- Njoftimi me blok shifresit DES dhe AES

# Përmbajtja

- 1 Nocioni i blok shifruesit
- 2 Data Encryption Standard (DES)
- 3 Kriptoanalizë: Sulmet mbi blok shifruesit
- 4 Advanced Encryption Standard (AES)

# Permutacionet dhe funksionet inverse

- Një funksion  $f : \{0, 1\}^\ell \rightarrow \{0, 1\}^\ell$  është *permutacion* në qoftë se ekziston funksioni invers  $f^{-1} : \{0, 1\}^\ell \rightarrow \{0, 1\}^\ell$  i tillë që

$$(\forall x \in \{0, 1\}^\ell) f^{-1}(f(x)) = x.$$

- Pra,  $f$  duhet të jetë funksion bijektiv (një-një dhe mbi), d.m.th. për çdo  $y \in \{0, 1\}^\ell$  ekziston dhe është i vetëm një  $x \in \{0, 1\}^\ell$  i tillë që  $f(x) = y$ .

# Permutacionet dhe funksionet inverse (Vazhdim)

$x$	00	01	10	11
$f(x)$	01	11	00	10

Tabela: Një permutacion

$x$	00	01	10	11
$f^{-1}(x)$	10	00	11	01

Tabela: Inversi i tij

$x$	00	01	10	11
$f(x)$	01	11	11	10

Tabela: Jo një permutacion

# Blok shifruesit

- Le të jetë

$$E : \{0, 1\}^k \times \{0, 1\}^\ell \rightarrow \{0, 1\}^\ell$$

një funksion që pasqyron një çelës  $K \in \{0, 1\}^k$  dhe një hyrje  $x \in \{0, 1\}^\ell$  për të kthyer në dalje  $E(K, x) \in \{0, 1\}^\ell$ . Për një  $K$  të fiksuar le të jetë  $E_K : \{0, 1\}^\ell \rightarrow \{0, 1\}^\ell$  funksioni i përkufizuar me

$$E_K(x) = E(K, x).$$

- Themi se  $E$  është një blok shifrues në qoftë se
  - $E_K : \{0, 1\}^\ell \rightarrow \{0, 1\}^\ell$  është permutacion për çdo  $K$ , d.m.th. ka një funksion invers  $E_K^{-1}$ ,
  - $E$  dhe  $E^{-1}$  janë të kompjutueshëm në mënyrë efikase, ku  $E^{-1}(K, x) = E_K^{-1}(x)$ .

# Shembull

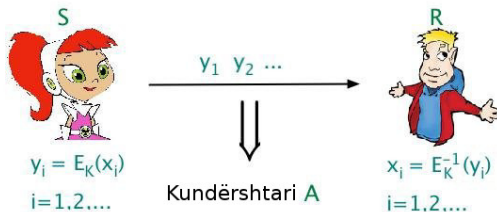
- Fusha e tabelës që i korrespondon çelësit  $K$  në rresht dhe hyrjes  $x$  në shtyllë është kodi i shifruar  $E_K(x)$ .

	00	01	10	11
00	00	01	10	11
01	01	00	11	10
10	10	11	00	01
11	11	10	01	00

- Në këtë rast, shifruesi invers  $E^{-1}$  jepet me të njëjtën tabelë: fusha e tabelës që i korrespondon çelësit  $K$  në rresht dhe daljes  $y$  në shtyllë është mesazhi  $E_K^{-1}$ .

# Përdorimi i blok shifruarit

- $K \xleftarrow{\$} \{0, 1\}^k$ .
- $K$  ju jepet (në mënyrë magjike) palëve  $S$  dhe  $R$ , por jo  $A$
- $S$ ,  $R$  përdorin  $E_K$
- Algoritmi  $E$  është publik! Mendojeni  $E_K$  si enkriptim nën çelësin  $K$ .



- Shpie nga kërkesa të sigurisë si:
  - Vështirë të kthehet  $K$  nga  $y_1, y_2, \dots$
  - Vështirë të kthehet  $x_i$  nga  $y_i$



# Histori e DES

- Në vitin 1972 NBS (tani NIST) kërkoi një blok shifruer të standardizuar
- Në vitin 1974 IBM disenjoi Lucifer, i cili në fund evoluoi në DES (Data Encryption Standard).
- I adaptuar gjerë si standard, përfshirë ANSI dhe American Bankers Association
- Shfrytëzohet në ATM makinat
- Në vitin 2001 u zëvendësua me AES

# Parametrat e DES

- Gjatësia e çelësit  $|K| = k = 56$
- Gjatësia e blokut  $|x| = \ell = 64$
- Kështu,

$$\begin{aligned} \text{DES} : \{0, 1\}^{56} \times \{0, 1\}^{64} &\rightarrow \{0, 1\}^{64} \\ \text{DES}^{-1} : \{0, 1\}^{56} \times \{0, 1\}^{64} &\rightarrow \{0, 1\}^{64} \end{aligned}$$

# Konstruktimi i DES

---

```
function DESK(M)                                ▷ |K| = 56 dhe |M| = 64
  (K1, ..., K16) ← KeySchedule(K)              ▷ |Ki| = 48 (1 ≤ i ≤ 16)
  M ← IP(M)
  Parso M si L0 || R0                                ▷ |L0| = |R0| = 32
  for i = 1 to 16 do
    Li ← Ri-1
    Ri ← f(Ki, Ri-1) ⊕ Li-1
  end for
  C ← IP-1(L16 || R16)
  return C
end function
```

---

# Konstruktimi i DES (Vazhdim)

---

```

function DESK(M)
  ( $K_1, \dots, K_{16}$ )  $\leftarrow$  KeySchedule( $K$ )
   $M \leftarrow IP(M)$ 
  Parso  $M$  si  $L_0 \parallel R_0$ 
  for  $i = 1$  to 16 do
     $L_i \leftarrow R_{i-1}$ 
     $R_i \leftarrow f(K_i, R_{i-1}) \oplus L_{i-1}$ 
  end for
   $C \leftarrow IP^{-1}(L_{16} \parallel R_{16})$ 
  return  $C$ 
end function

```

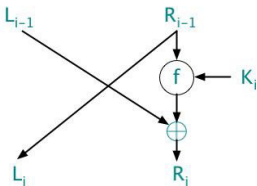
---

▷  $|K| = 56$  dhe  $|M| = 64$

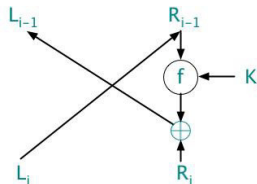
▷  $|K_i| = 48$  ( $1 \leq i \leq 16$ )

▷  $|L_0| = |R_0| = 32$

Raundi  $i$



Invertibil për  $K_i$  të dhënë



# Konstruktimi i DES (Vazhdim)

---

<pre> <b>function</b> DES<sub>K</sub>(M)   (K<sub>1</sub>, ..., K<sub>16</sub>) ← KeySchedule(K)   M ← IP(M)   Parso M si L<sub>0</sub>    R<sub>0</sub>   <b>for</b> i = 1 <b>to</b> 16 <b>do</b>     L<sub>i</sub> ← R<sub>i-1</sub>     R<sub>i</sub> ← f(K<sub>i</sub>, R<sub>i-1</sub>) ⊕ L<sub>i-1</sub>   <b>end for</b>   C ← IP<sup>-1</sup>(L<sub>16</sub>    R<sub>16</sub>)   <b>return</b> C <b>end function</b> </pre>	<p>▷  K  = 56 dhe  M  = 64</p> <p>▷  K<sub>i</sub>  = 48 (1 ≤ i ≤ 16)</p> <p>▷  L<sub>0</sub>  =  R<sub>0</sub>  = 32</p>
<pre> <b>function</b> DES<sub>K</sub><sup>-1</sup>(C)   (K<sub>1</sub>, ..., K<sub>16</sub>) ← KeySchedule(K)   C ← IP(C)   Parso C si L<sub>16</sub>    R<sub>16</sub>   <b>for</b> i = 16 <b>downto</b> 1 <b>do</b>     R<sub>i-1</sub> ← L<sub>i</sub>     L<sub>i-1</sub> ← f(K<sub>i</sub>, R<sub>i-1</sub>) ⊕ R<sub>i</sub>   <b>end for</b>   M ← IP<sup>-1</sup>(L<sub>0</sub>    R<sub>0</sub>)   <b>return</b> M <b>end function</b> </pre>	<p>▷  K  = 56 dhe  C  = 64</p> <p>▷  K<sub>i</sub>  = 48 (1 ≤ i ≤ 16)</p> <p>▷  L<sub>16</sub>  =  R<sub>16</sub>  = 32</p>

---

# Konstruktimi i DES (Vazhdim)

---

```

function DESK(M)
  (K1, ..., K16) ← KeySchedule(K)
  M ← IP(M)
  Parso M si L0 || R0
  for i = 1 to 16 do
    Li ← Ri-1
    Ri ← f(Ki, Ri-1) ⊕ Li-1
  end for
  C ← IP-1(L16 || R16)
  return R
end function

```

---

▷ |K| = 56 dhe |M| = 64

▷ |K<sub>i</sub>| = 48 (1 ≤ i ≤ 16)▷ |L<sub>0</sub>| = |R<sub>0</sub>| = 32

IP

IP<sup>-1</sup>

58	50	42	34	26	18	10	2
60	52	44	36	28	20	12	4
62	54	46	38	30	22	14	6
64	56	48	40	32	24	16	8
57	49	41	33	25	17	9	1
59	51	43	35	27	19	11	3
61	53	45	37	29	21	13	5
63	55	47	39	31	23	15	7

40	8	48	16	56	24	64	32
39	7	47	15	55	23	63	31
38	6	46	14	54	22	62	30
37	5	45	13	53	21	61	29
36	4	44	12	52	20	60	28
35	3	43	11	51	19	59	27
34	2	42	10	50	18	58	26
33	1	41	9	49	17	57	25

# Konstruktimi i DES (Vazhdim)

---

```

function  $f(J, R)$ 
   $R \leftarrow E(R)$ 
   $R \leftarrow R \oplus J$ 
  Parso  $R$  si  $R_1 \parallel R_2 \parallel R_3 \parallel R_4 \parallel R_5 \parallel R_6 \parallel R_7 \parallel R_8$ 
  for  $i = 1, \dots, 8$  do
     $R_i \leftarrow S_i(R_i)$ 
  end for
   $R \leftarrow R_1 \parallel R_2 \parallel R_3 \parallel R_4 \parallel R_5 \parallel R_6 \parallel R_7 \parallel R_8$ 
   $R \leftarrow P(R)$ 
  return  $C$ 
end function

```

---

$\triangleright |J| = 48$  dhe  $|R| = 32$   
 $\triangleright |R_i| = 6$  ( $1 \leq i \leq 8$ )  
 $\triangleright$  Secila  $S$ -kuti kthen 4 bit  
 $\triangleright |R| = 32$

$E$					
32	1	2	3	4	5
4	5	6	7	8	9
8	9	10	11	12	13
12	13	14	15	16	17
16	17	18	19	20	21
20	21	22	23	24	25
24	25	26	27	28	29
28	29	30	31	32	1

$P$			
16	7	20	21
29	12	28	17
1	15	23	26
5	18	31	10
2	8	24	14
32	27	3	9
19	13	30	6
22	11	4	25

# S-kutitë

		$S_1$															
		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
0	0	14	4	13	1	2	15	11	8	3	10	6	12	5	9	0	7
0	1	0	15	7	4	14	2	13	1	10	6	12	11	9	5	3	8
1	0	4	1	14	8	13	6	2	11	15	12	9	7	3	10	5	0
1	1	15	12	8	2	4	9	1	7	5	11	3	14	10	0	6	13

		$S_2$															
		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
0	0	15	1	8	14	6	11	3	4	9	7	2	13	12	0	5	10
0	1	3	13	4	7	15	2	8	14	12	0	1	10	6	9	11	5
1	0	0	14	7	11	10	4	13	1	5	8	12	6	9	3	2	15
1	1	13	8	10	1	3	15	4	2	11	6	7	12	0	5	14	9

		$S_3$															
		0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
0	0	10	0	9	14	6	3	15	5	1	13	12	7	11	4	2	8
0	1	13	7	0	9	3	4	6	10	2	8	5	14	12	11	15	1
1	0	13	6	4	9	8	15	3	0	11	1	2	12	5	10	14	7
1	1	1	10	13	0	6	9	8	7	4	15	14	3	11	5	2	12



# Kriptoolanalizë: Sulmet për kthim çelësi mbi blok shifruarit

- Kundërshtari A din  $E : \{0, 1\}^k \times \{0, 1\}^\ell \rightarrow \{0, 1\}^\ell$ .
- Për  $(M_1, C_1), \dots, (M_q, C_q)$  të dhëna, ku  $C_i = E(T, M_i)$  ( $i = 1, \dots, q$ ) dhe  $M_1, \dots, M_q$  të ndryshme
- Gjej  $T$
- Sigurisht, A ka  $C_1, \dots, C_q$ . Por pse A di  $M_1, \dots, M_q$ ?
  - Aposteriori zbulim i të dhënave
  - Apriori dituri mbi kontekstin
- Të qenit konservativ është cilësi!

# Apriori zbulim i të dhënave

- S, R ndajnë çelësin  $K$
- Më 18 mars S enkripton

$M =$  Le të takohemi nesër në orën 17

dhe i dërgon R tekstin e shfuar  $C$ .

- Kundërshtari kap  $C$
- Më 19 mars kundërshtari vërejt se S, R takohen në 17 dhe konkludon se  $M$  është si më sipër.
- Kundërshtari di  $C$  dhe dekriptimin e tij  $M$ .

# Apriori dituri mbi kontekstin

- S, R ndajnë çelësin  $K$
- Email-at gjithmonë fillojnë me fjalën kyqe "From"
- S enkripton një email
- Kundërshtari merr tekstin e shifruar  $C$
- Meqë di një pjesë të tekstit të mesazhit ("From") mund të ketë një shembull hyrje-dalje të blok shifruesit nën  $K$ .

# Kriptoolanalizë: Sulmet për kthim çelësi (Vazhdim)

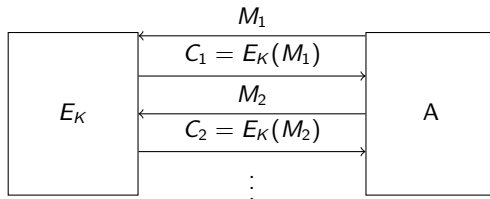
- Kundërshtari A din  $E : \{0, 1\}^k \times \{0, 1\}^\ell \rightarrow \{0, 1\}^\ell$ .
- Për  $(M_1, C_1), \dots, (M_q, C_q)$  të dhëna, ku  $C_i = E(T, M_i)$  ( $i = 1, \dots, q$ ) dhe  $M_1, \dots, M_q$  të ndryshme
- Gjej  $T$

# Llojet e sulmeve

- *Sulmi i mesazhit të njohur (known-plaintext attack):*  
Për  $M_1, \dots, M_q$  të çfarëdoshme (jo të zgjedhura nga A)
- Për  $(M_1, C_1), \dots, (M_q, C_q)$  të dhëna, ku  $C_i = E(T, M_i)$  ( $i = 1, \dots, q$ ) dhe  $M_1, \dots, M_q$  të ndryshme
- Gjej  $T$

# Llojet e sulmeve (Vazhdim)

- **Sulmi i mesazhit të zgjedhur (chosen-plaintext attack):** A mund të zgjedhë  $M_1, \dots, M_q$ , madje edhe në mënyrë adaptive, d.m.th. zgjedh  $M_i$  si funksion të  $(M_1, C_1), \dots, (M_{i-1}, C_{i-1})$  ( $i = 1, \dots, q$ ).
- Për  $(M_1, C_1), \dots, (M_q, C_q)$  të dhëna, ku  $C_i = E(T, M_i)$  ( $i = 1, \dots, q$ ) dhe  $M_1, \dots, M_q$  të ndryshme
- Gjej  $T$



# Kërkimi i të gjithë çelësave

- Le të jenë  $T_1, \dots, T_{2^k}$  të gjithë çelësat  $k$  bitësh. Le të jetë  $T \xleftarrow{\$} \{0, 1\}^k$  çelësi i targetuar dhe  $(M_1, C_1)$  le të plotësojë kushtin  $C_1 = E(T, M_1)$ .

---

```
function  $EKS_E(M_1, C_1)$ 
  for  $i = 1, \dots, 2^k$  do
    if  $E(T_i, M_1) = C_1$  then
      return  $T_i$ 
    end if
  end for
end function
```

---

▷ Exhaustive Key Search

- A e gjen algoritmi çelësin e targetuar  $T$ ?

## Përkufizim

Një çelës  $K$  është konsistent me  $(M_1, C_1)$  në qoftë se  $C_1 = E(K, M_1)$ .

- Le të jetë  $S$  bashkësia e të gjithë çelësve konsistentë me  $(M_1, C_1)$ . Atëherë  $EKS_E$  gjen ndonjë çelës në  $S$ .
- Në qoftë se  $\ell \geq k$ , atëherë  $T$  është „zakonisht“ i vetmi çelës në  $S$ .

# Kërkimi i të gjithë çelësave (Vazhdim)

- Le të jenë  $T_1, \dots, T_{2^k}$  të gjithë çelësat  $k$  bitësh. Le të jetë  $T \xleftarrow{\$} \{0, 1\}^k$  çelësi i targetuar dhe  $(M_1, C_1)$  le të plotësojë kushtin  $C_1 = E(T, M_1)$ .

---

```
function EKSE( $M_1, C_1$ )  
  for  $i = 1, \dots, 2^k$  do  
    if  $E(T_i, M_1) = C_1$  then  
      return  $T_i$   
    end if  
  end for  
end function
```

---

▷ Exhaustive Key Search

- A e gjen algoritmi çelësin e targetuar  $T$ ?
- Po, zakonisht



# Rritja e gjasës për të kthyer çelësin e targetuar

- Le të jenë  $T_1, \dots, T_{2^k}$  të gjithë çelësat  $k$  bitësh. Le të jetë  $T \xleftarrow{\$} \{0, 1\}^k$  çelësi i targetuar dhe  $(M_1, C_1), \dots, (M_q, C_q)$  le të plotësojnë kushtet  $C_i = E(T, M_i)$  ( $i = 1, \dots, q$ ).

---

```
function  $EKS_E((M_1, C_1), \dots, (M_q, C_q))$       ▷ Exhaustive Key Search
  for  $i = 1, \dots, 2^k$  do
    if  $E(T_i, M_1) = C_1$  and  $\dots$  and  $E(T_i, M_q) = C_q$  then
      return  $T_i$ 
    end if
  end for
end function
```

---

## Sa zgjat kërkimi i të gjithë çelësave?

- DES mund të kompjutohet me 1.6 Gbit/s në harduer.
- DES teksti i mesazhit 64 bit
- Një çip mund të performojë  $(1.6 \cdot 10^9)/64 = 2.5 \cdot 10^7$  DES kompjutime në sekond.
- Pritet që DES të ketë sukses në  $2^{55}$  DES kompjutime, prandaj merr kohën

$$\frac{2^{55}}{2.5 \cdot 10^7} \approx 1.4 \cdot 10^9 \text{ sekonda}$$
$$\approx 45 \text{ vjet}$$

- Komplementimi i çelësit (key-complementation):  $45/2 = 22.5$  vjet
  - Që është parandaluese!
- A do të thotë kjo se DES është i sigurt?

# Kriptoolanaliza diferenciale dhe lineare

- Kërkimi i të gjithë çelësave është një sulm gjenerik: Nuk përpiqet të „shikojë përbrenda“ DES dhe t'i gjejë/eksplotojë dobësitë.

Metoda	Viti	$q$	Tipi i sulmit
Kriptoolanaliza diferenciale	1992	$2^{47}$	Mesazh i zgjedhur
Kriptoolanaliza lineare	1993	$2^{44}$	Mesazh i njohur

- Por thjesht ruajtja e  $2^{44}$  çifteve hyrje-dalje kërkon 281 TiB.
- Në praktikë kostoja e këtyre sulmeve është parandaluese.

# EKS sërish

---

```
function EKSE(M1, C1)  
  for  $i = 1, \dots, 2^k$  do  
    if  $E(T_i, M_1) = C_1$  then  
      return  $T_i$   
    end if  
  end for  
end function
```

---

▷ Exhaustive Key Search

- Observim:  $E$  kompjutimet mund të kryhen paralelisht.
- Wiener 1993:
  - \$1 milion
  - 57,000 çipa
  - Parashikonte ta gjente çelësin në 3.5 orë
- EFF 1998:
  - \$250,000
  - Gjen çelësin për 56 orë.

# Përmbledhje mbi sigurinë e DES

- DES konsiderohet „i thyer“ meqë gjatësia e vogël e tij e çelësit lejon kërkim të shpejtë çelësi.
- Por, DES është disenj shumë i fortë, siç dëshmohet nga fakti se akoma nuk ka asnjë sulm praktik që eksploaton strukturën e tij.

# 2DES

- Blok shifruesi 2DES :  $\{0, 1\}^{112} \times \{0, 1\}^{64} \rightarrow \{0, 1\}^{64}$   
përkufizohet me

$$2DES_{K_1 K_2}(M) = DES_{K_2}(DES_{K_1}(M)).$$

- Kërkimi i të gjithë çelësve merr  $2^{112}$  DES kompjutime, që është tepër madje edhe për makina.
- Rezistent ndaj kriptoolizave diferenciale dhe lineare

# Sulmi i takimit në mes mbi 2DES

- Supozoni se  $K_1K_2$  është një çelës i targetuar 2DES dhe se kundërshtari ka  $M$ ,  $C$  të tillë që

$$C = 2DES_{K_1K_2}(M) = DES_{K_2}(DES_{K_1}(M))$$

- Atëherë,

$$DES_{K_2}^{-1}(C) = DES_{K_1}(M).$$

# Sulmi i takimit në mes mbi 2DES (Vazhdim)

- Supozomi se  $\text{DES}_{K_2}^{-1}(C) = \text{DES}_{K_1}(M)$  dhe  $T_1, \dots, T_N$  janë të gjithë DES çelësat e mundshëm, ku  $N = 2^{56}$ .
- Atëherë plani i sulmit do të ishte

$$\text{DES}(T_i, M) \stackrel{?}{=} \text{DES}^{-1}(T_j, C)$$

- Ndërto tabelat  $L$  dhe  $R$  nga e majta dhe e djathta
- Gjej  $i, j$  të tillë që  $L[i] = R[j]$
- Merr se  $K_1 K_2 = T_i T_j$



# Sulmi i takimit në mes mbi 2DES (Vazhdim)

- Le të jetë  $T_1, \dots, T_{2^{56}}$  një listë e DES çelësive.

---

---

```
function  $MinM_{2DES}(M_1, C_1)$ 
```

▷ Meet-in-the-middle

```
  for  $i = 1, \dots, 2^{56}$  do
```

```
     $L[i] \leftarrow DES(T_i, M_1)$ 
```

```
  end for
```

```
  for  $j = 1, \dots, 2^{56}$  do
```

```
     $R[j] \leftarrow DES^{-1}(T_j, C_1)$ 
```

```
  end for
```

```
   $S \leftarrow \{(i, j) : L[i] = R[j]\}$ 
```

```
  Zgjedh një  $(l, r) \in S$  dhe return  $T_l \parallel T_r$ 
```

```
end function
```

---

- Sulmi merr rreth  $2^{57}$  DES/DES<sup>-1</sup> kompjutime.
- Interesant, por jo praktik

# 3DES

- Blok shifruetit

$$3DES3 : \{0, 1\}^{168} \times \{0, 1\}^{64} \rightarrow \{0, 1\}^{64},$$

$$3DES2 : \{0, 1\}^{168} \times \{0, 1\}^{64} \rightarrow \{0, 1\}^{64}$$

përkufizohen me

$$3DES3_{K_1 \parallel K_2 \parallel K_3}(M) = DES_{K_3}((DES_{K_2}^{-1}(DES_{K_1}(M)))),$$

$$3DES2_{K_1 \parallel K_2}(M) = DES_{K_2}((DES_{K_1}^{-1}(DES_{K_2}(M)))).$$

- Sulmi i takimit në mes mbi 3DES2 redukton gjatësinë „efektive“ të tij të çelësit në 112 bit.

# Kufizimi i madhësisë së blokut

- Më vonë do të shohim se sulmet „birthday“ thyjnë një blok shifruer  $E : \{0, 1\}^k \times \{0, 1\}^\ell \rightarrow \{0, 1\}^\ell$  me kompleksitet  $2^{\ell/2}$ .
- Për DES ky është  $2^{64/2} = 2^{32}$ , që është i vogël, dhe kompleksiteti mbetet i pandryshuar për 2DES dhe 3DES.
- Kërkohet madhësi më e madhe e blokut

# Histori e AES

- Më 1998: NIST shpall konkursin për një blok shifruer të ri
  - gjatësia e çelësit 128 bit
  - gjatësia e blokut 128 bit
  - më i shpejt sesa DES në softuer
- Dorëzime nga tërë bota: MARS, Rijndael, Two-Fish, RC6, Serpent, Loki97, Cast-256, Frog, DFC, Magenta, E2, Crypton, HPC, Safer+, Deal
- Më 2001: NIST përzgjedh Rijndael të bëhet AES

# AES

---

```
function AESK(M)
  ( $K_0, \dots, K_{10}$ )  $\leftarrow$  expand(K)
   $s \leftarrow M \oplus K_0$ 
  for  $r = 1$  to 10 do
     $s \leftarrow S(s)$ 
     $s \leftarrow \text{shift\_rows}(s)$ 
    if  $r \leq 9$  then
       $s \leftarrow \text{mix\_cols}(s)$ 
    end if
     $s \leftarrow s \oplus K_r$ 
  end for
  return  $s$ 
end function
```

---

▷  $|K| = 128$  dhe  $|M| = 128$   
▷  $|K_i| = 128$  ( $0 \leq i \leq 10$ )

# Implementimi i AES

- Më pak tabela sesa DES
- Operacione fushe të fundme
- AES-NI: harduer për AES, present në shumë procesorë. Mund të ekzekutojë AES me 1 cikël. Shumë shpejt!

# Siguria e AES

- Sulmi më i mirë për kthim çelësi ka kompleksitet  $2^{128}$
- Siguria e blok shifruesve sillet në pohimin: „Nuk kemi arritur të gjejmë sulme efektive, dhe kemi provuar sulme nëpër linjat vijuese. . . “
  - Marrë parasysh zgjuarsinë dhe eksperiencën e deklaruesve. . .
  - Sugjerimi se blok shifruesit janë të mirë

# Siguria ndaj kthimit të çelësit

- Kundërshtari A din  $E : \{0, 1\}^k \times \{0, 1\}^\ell \rightarrow \{0, 1\}^\ell$ .
- $T \xleftarrow{\$} \{0, 1\}^k$  është çelësi i targetuar
- Për  $(M_1, C_1), \dots, (M_q, C_q)$  të dhëna, ku  $C_i = E(T, M_i)$  ( $i = 1, \dots, q$ ) dhe  $M_1, \dots, M_q$  të ndryshme
- Gjej  $T$
- Deri më tani, një blok shifruer është parë si i sigurt në qoftë se i reziston kthimit të çelësit, d.m.th. në qoftë se nuk ekziston mënyrë efikase për të zgjidhur problemin e mësipërm.



# Kufizimet e sigurisë ndaj kthimit të çelësit

- A është siguria ndaj kthimit të çelësit e mjaftueshme?
- Jashtëtokësorët nga planeti Krypton kanë një shifruer (të ri).
- Kundërshtari A din  $A : \{0, 1\}^{128} \times \{0, 1\}^{128} \rightarrow \{0, 1\}^{128}$  që garanton t'i rezistojë kthimit të çelësit. A do ta përdornit për të enkriptuar?
- Shifrueri është:

$$A_K(M) = M$$

- E pamundur të gjende çelësi nga shembuj hyrje/dalje, por
- Enkriptimi është i pasigurt meqë për tekstin e dhënë të shifruar dihet teksti i mesazhit.

# Ani cka?

- Reaksion i mundshëm: Por DES, AES nuk janë të disenjuar sikur  $A$ , prandaj çfarë rëndësie ka kjo?
- Përgjegjja: Na thotë se siguria kundrejt kthimit të çelësit nuk është, si veti e një blok shifruesi, e mjaftueshme për siguri përdorimi të blok shifruesit.
- Si disenjues dhe shfrytëzues dëshirojmë të dijmë çfarë vetish të një blok shifruesi na japin siguri kur blok shifruesi të shfrytëzohet.

# Pra çfarë është një blok shifrues „i mirë“?

Vetitë e mundshme	E nevojshme	E mjaftueshme
Siguria kundrejt kthimit të çelësit	Po	Jo!
Vështirë të gjendet $M$ kur dihet $C = E_K(M)$	Po	Jo!
$\vdots$		

- Nuk mund të definojmë dhe të kuptojmë mirë sigurinë me anë të një liste të tillë (të pacaktuar)
- Dëshirojmë një veti „master“ të vetme të një blok shifruesi që është e mjaftueshme të sigurojë siguri të shfrytëzimeve të zakonshme të blok shifruesit.